

ムケテ、未来。

**CEDEC 2008**  
CESA DEVELOPERS CONFERENCE 2008

FOR NEXT  
**10**  
YEARS

# 射影を用いた関節角度制限方法

(株)バンダイナムコゲームス  
コンテンツ制作本部  
制作統括ディビジョン  
技術部 技術サポート課

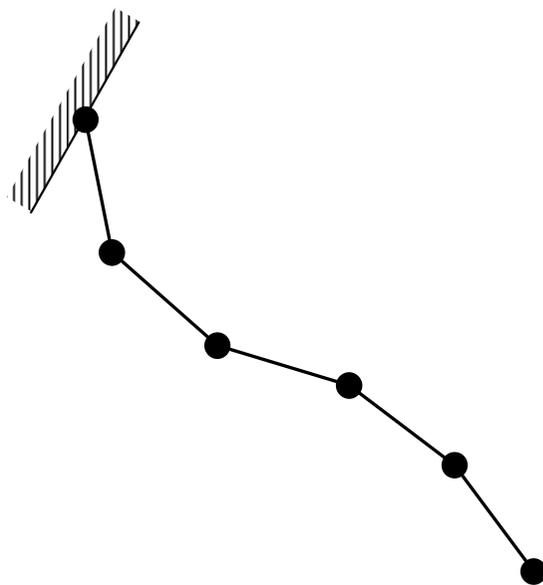
山口兼太郎

[Kentaro\\_Yamaguchi@bandainamcogames.co.jp](mailto:Kentaro_Yamaguchi@bandainamcogames.co.jp)



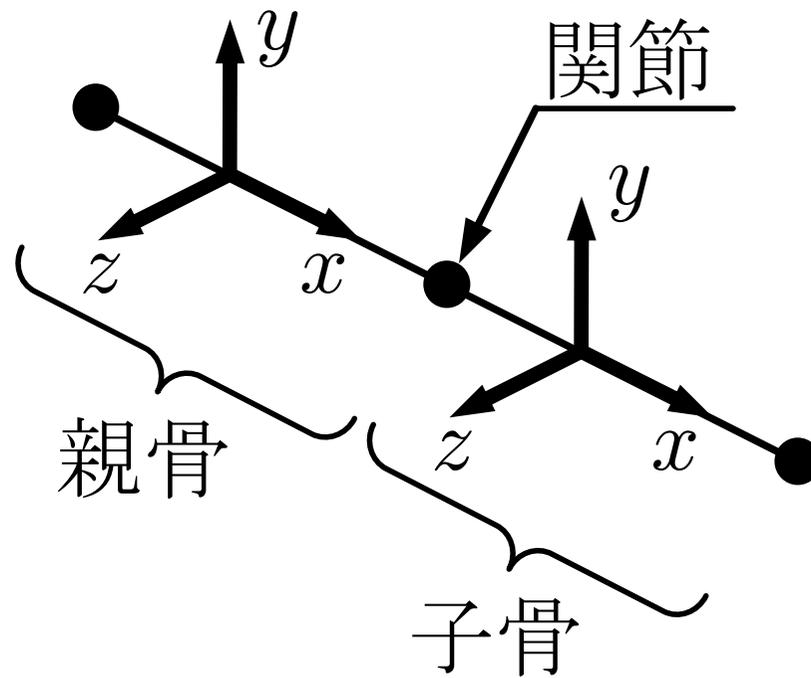
# 射影を用いた関節角度制限方法

- 鉄拳6 の揺れ物(髪, マフラー, 鎖 etc.)に使用



- 一般の関節構造(キャラクタ等)にも適用可能

# 親骨と子骨



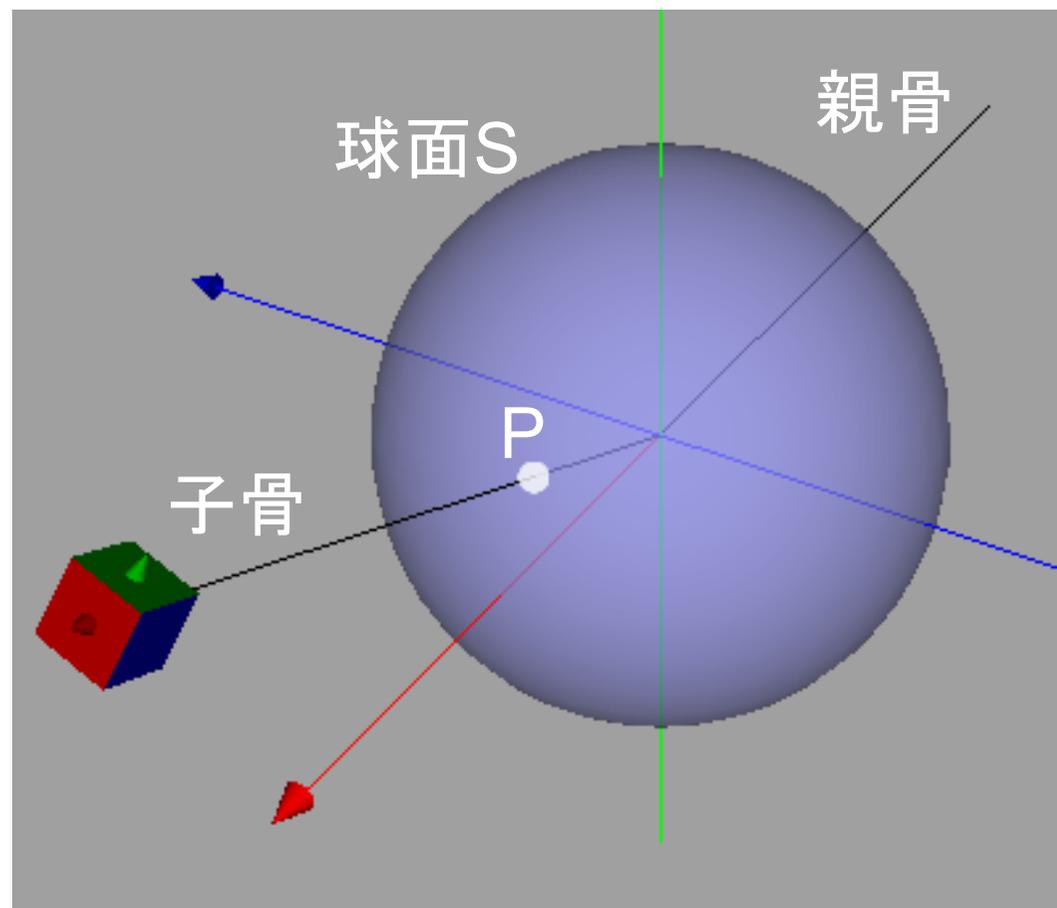
# 曲げ状態 $\Leftrightarrow$ 点Pの位置

球面S

関節を中心とする  
半径1の球

点P

子骨と球面Sとの  
交点



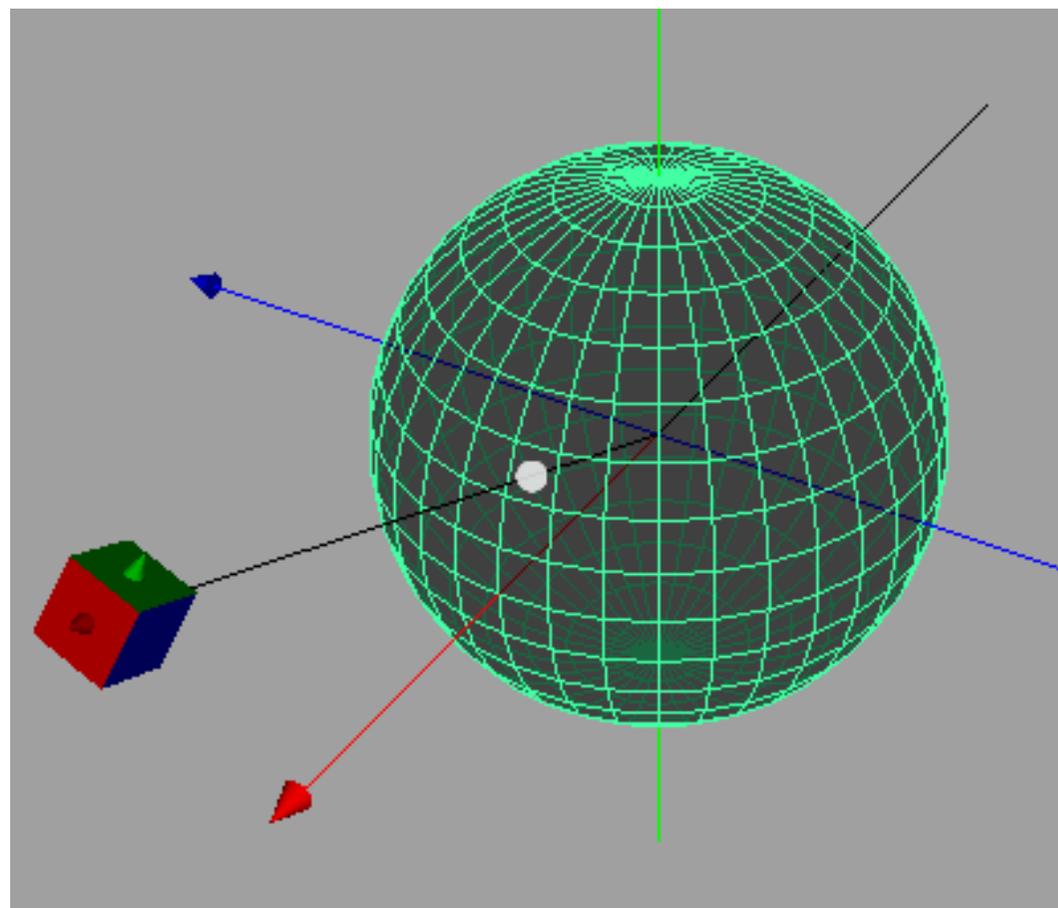
# 従来方式

x,y,z 3軸の回転角  
(回転順序はx,z,y  
とする)

y軸回転角(Yrot): 経度

z軸回転角(Zrot): 緯度

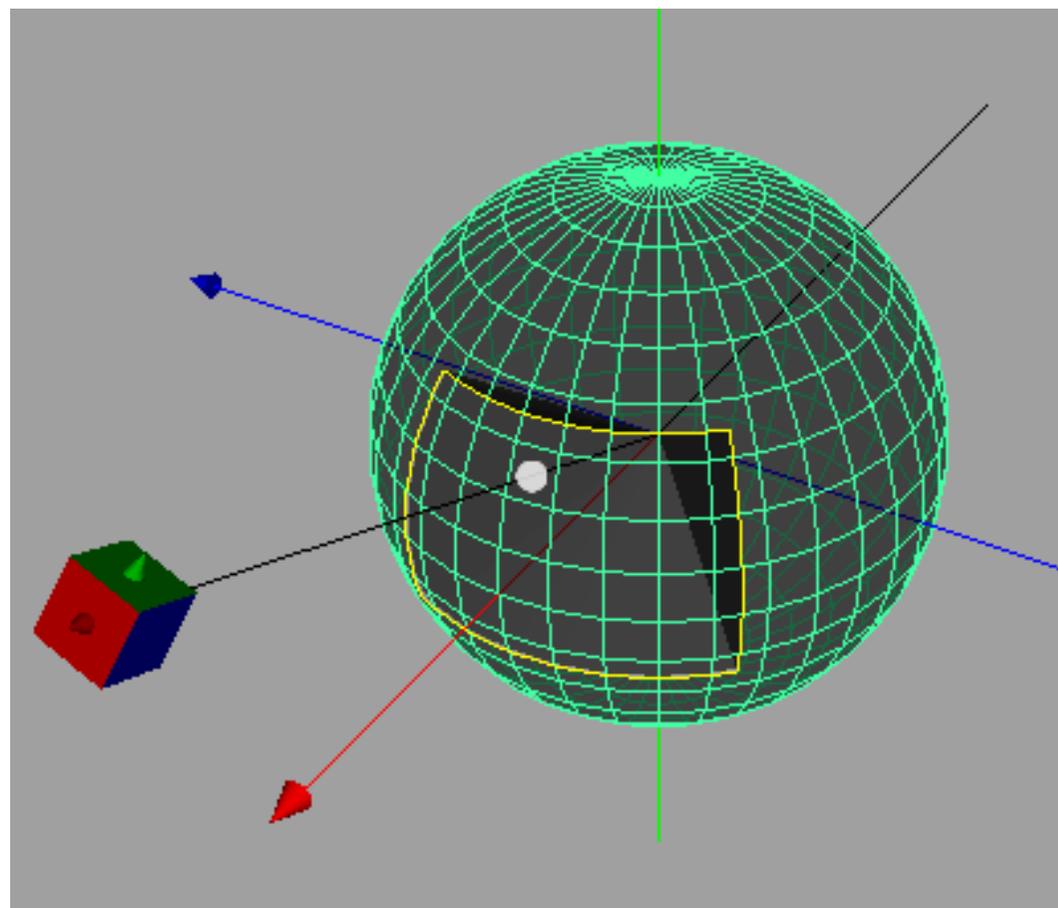
北極・南極が特異点



# 従来方式

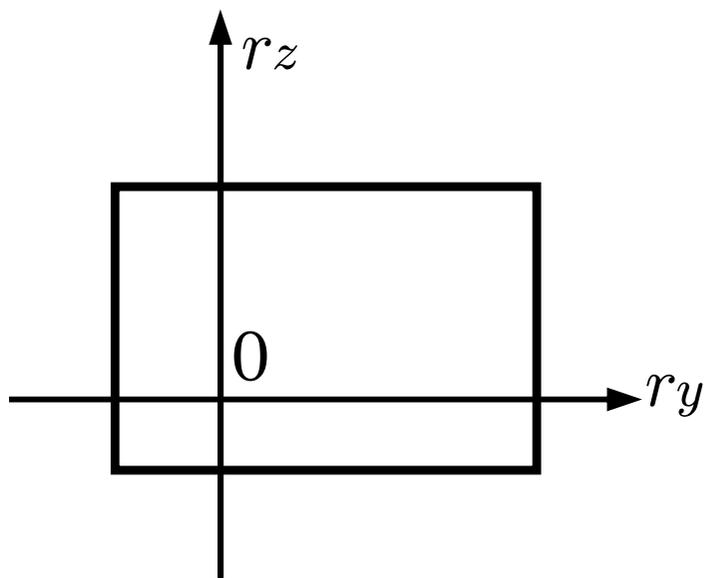
Yrot, Zrot に上下限を  
設ける

北極・南極を超える  
範囲設定ができない

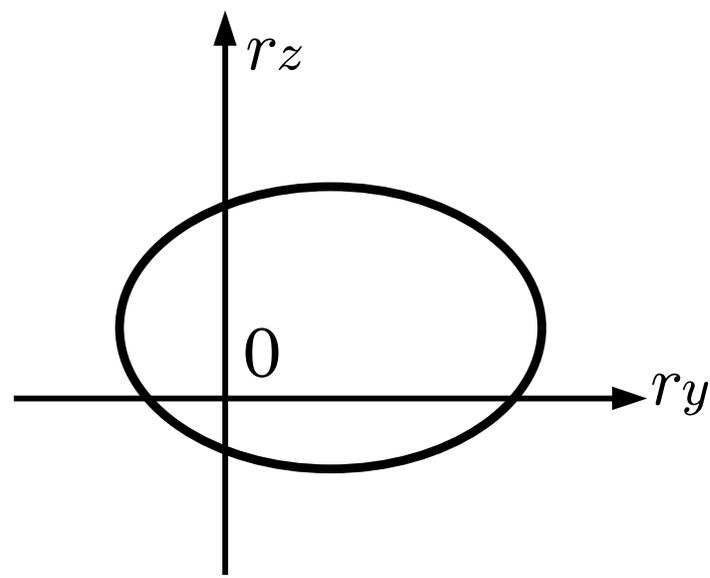


# 従来手法(3軸回転角)

## 矩形制限

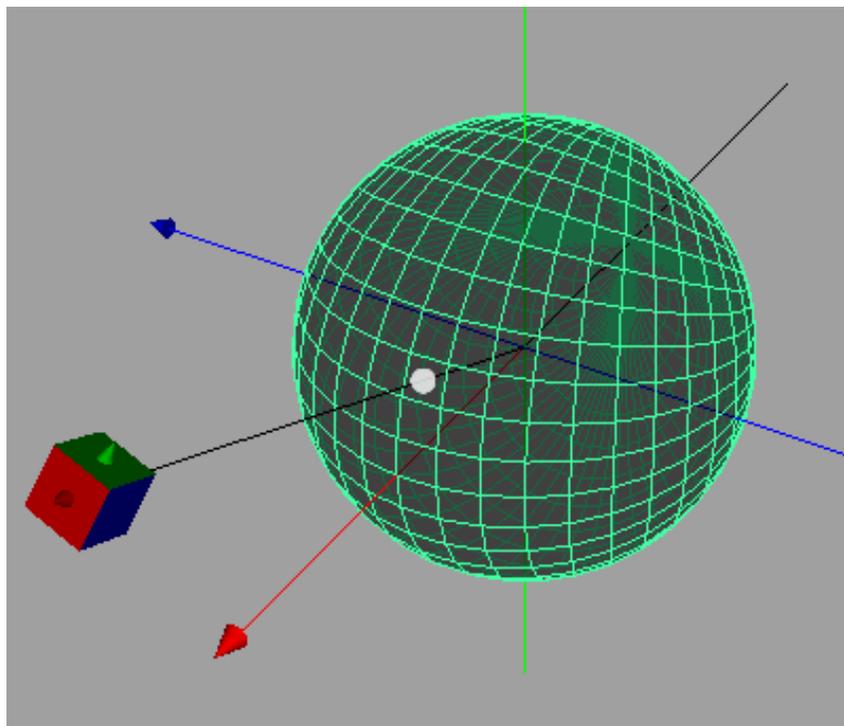


## 楕円制限



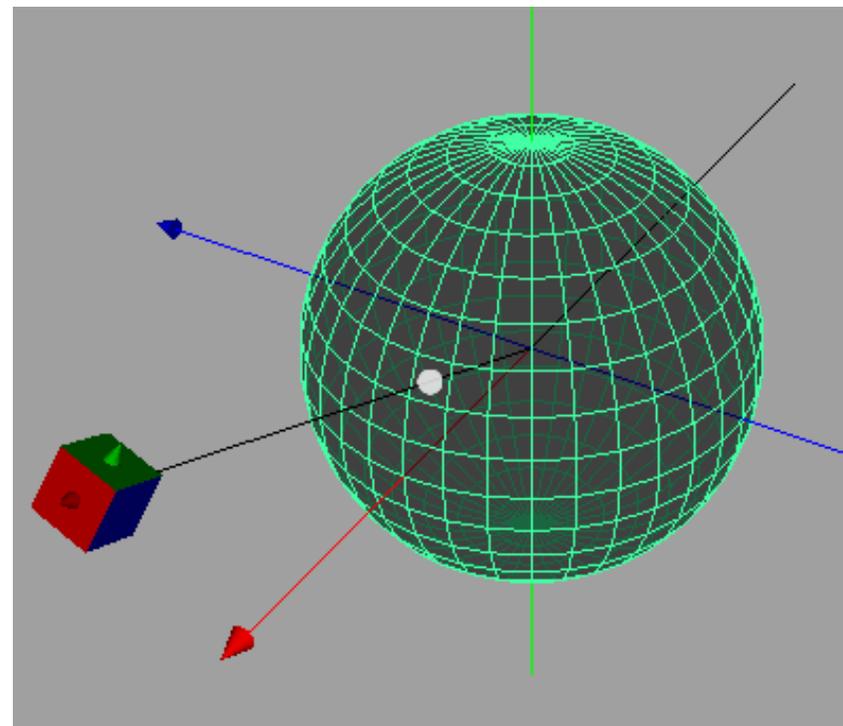
# 射影方式のグリッド

## 射影方式



特異点 1個  
向こう側⇒邪魔になりにくい

## 従来方式



特異点 2個  
北極・南極

# 球面Sから平面 $\lambda$ への射影

平面 $\lambda$  :  $yz$ 平面

$P_0$  : 極 $(-1, 0, 0)$

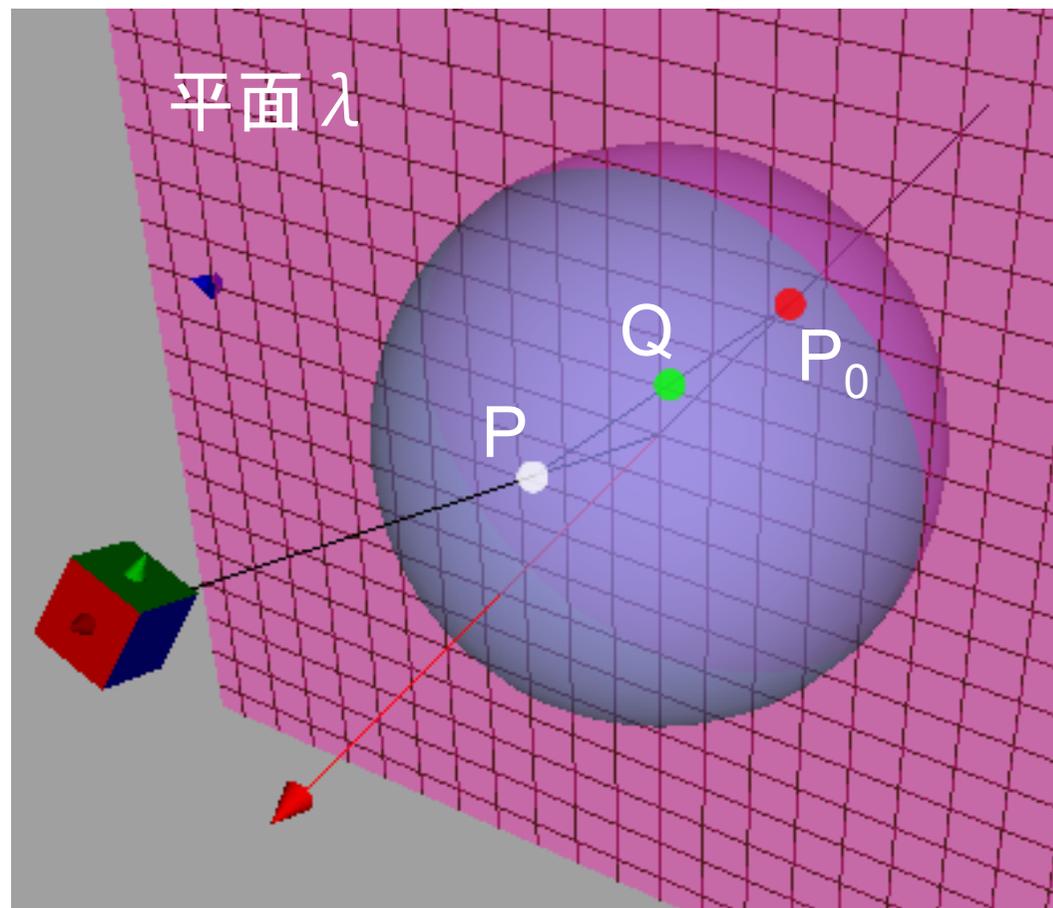
$P$  : 球面 $S$ 上

$Q$  : 平面 $\lambda$ 上

$P_0$ を原点として

$P$ を平面 $\lambda$ 上に射影

$\Rightarrow Q$



# 変換式( $xyz \Leftrightarrow st$ )

$$P = (x, y, z)$$

$$Q = (s, t)$$

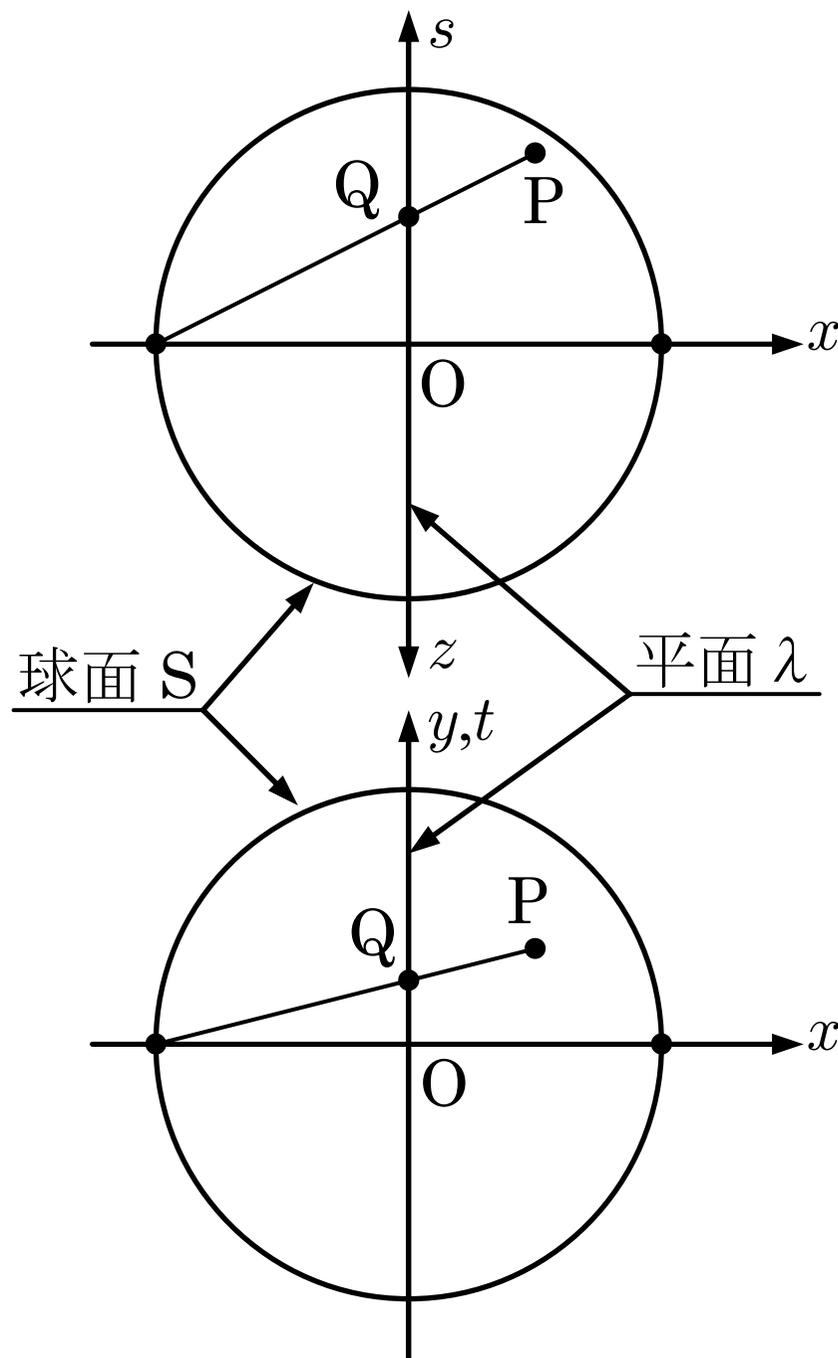
$$s = -z/(x+1)$$

$$t = y/(x+1)$$

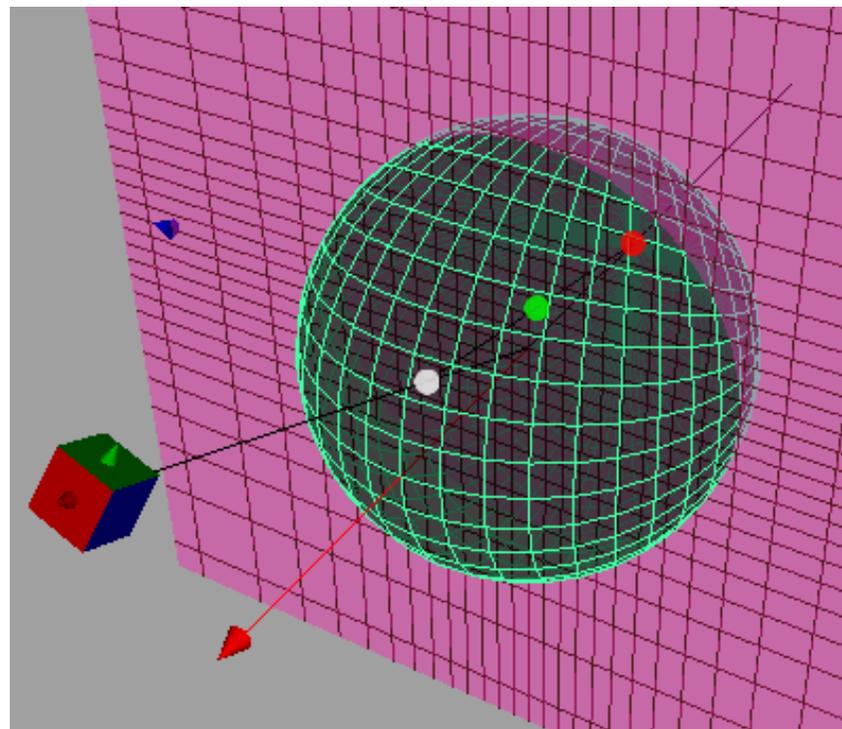
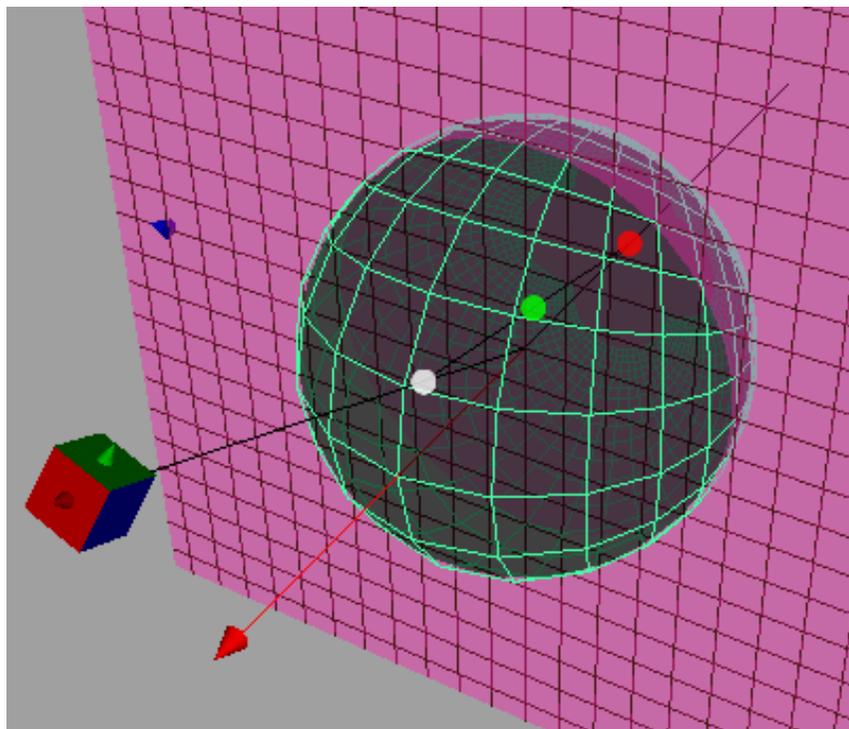
$$x = 2/(s^2 + t^2 + 1) - 1$$

$$y = 2t/(s^2 + t^2 + 1)$$

$$z = -2s/(s^2 + t^2 + 1)$$



# λ 上のグリッドを球面Sに射影



# 等間隔グリッドの設定

$$\begin{aligned}\angle P_0 P O &= \angle P P_0 O \\ &= \phi\end{aligned}$$

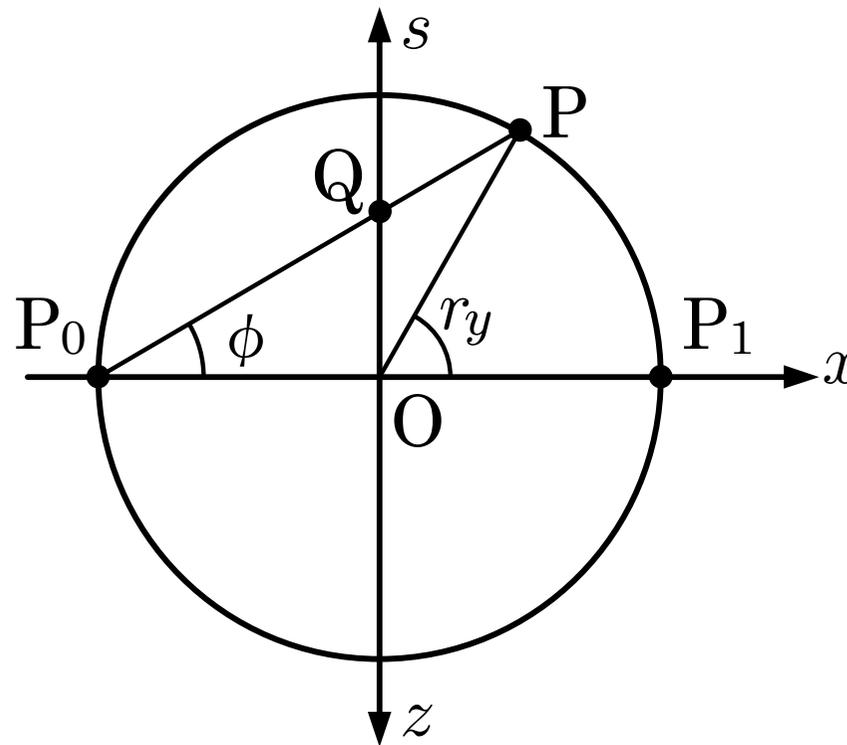
$$\begin{aligned}\angle P_0 P O + \angle P P_0 O \\ &= \angle P O P_1 = r_y\end{aligned}$$

$$\therefore \phi = r_y / 2$$

$$s = OQ = \tan(r_y / 2)$$

同様に

$$t = \tan(r_z / 2)$$



# 緯度経度との比較

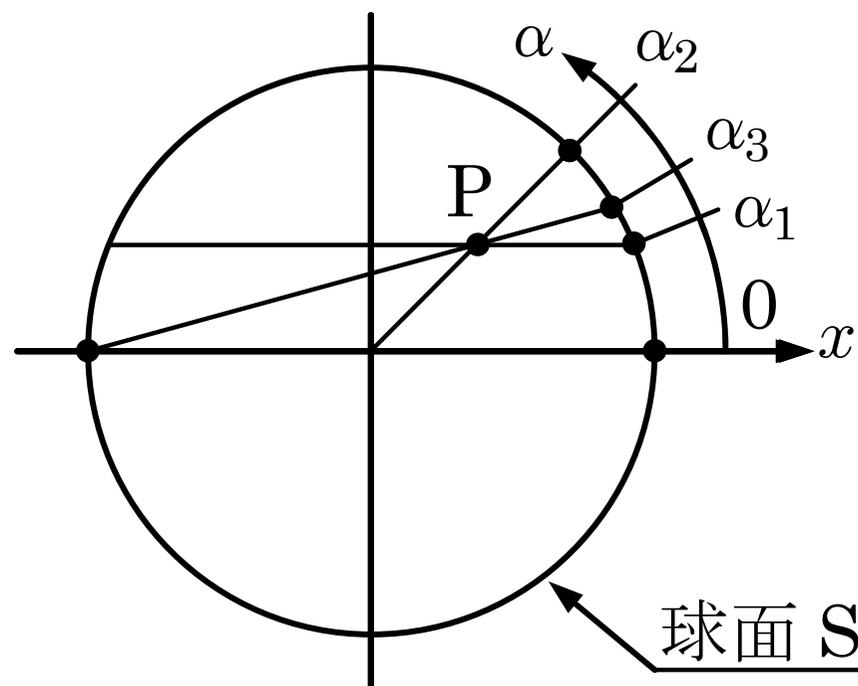
球面上の点P

$\alpha$  が緯度  $\Rightarrow P \rightarrow \alpha_1$

$\alpha$  が経度  $\Rightarrow P \rightarrow \alpha_2$

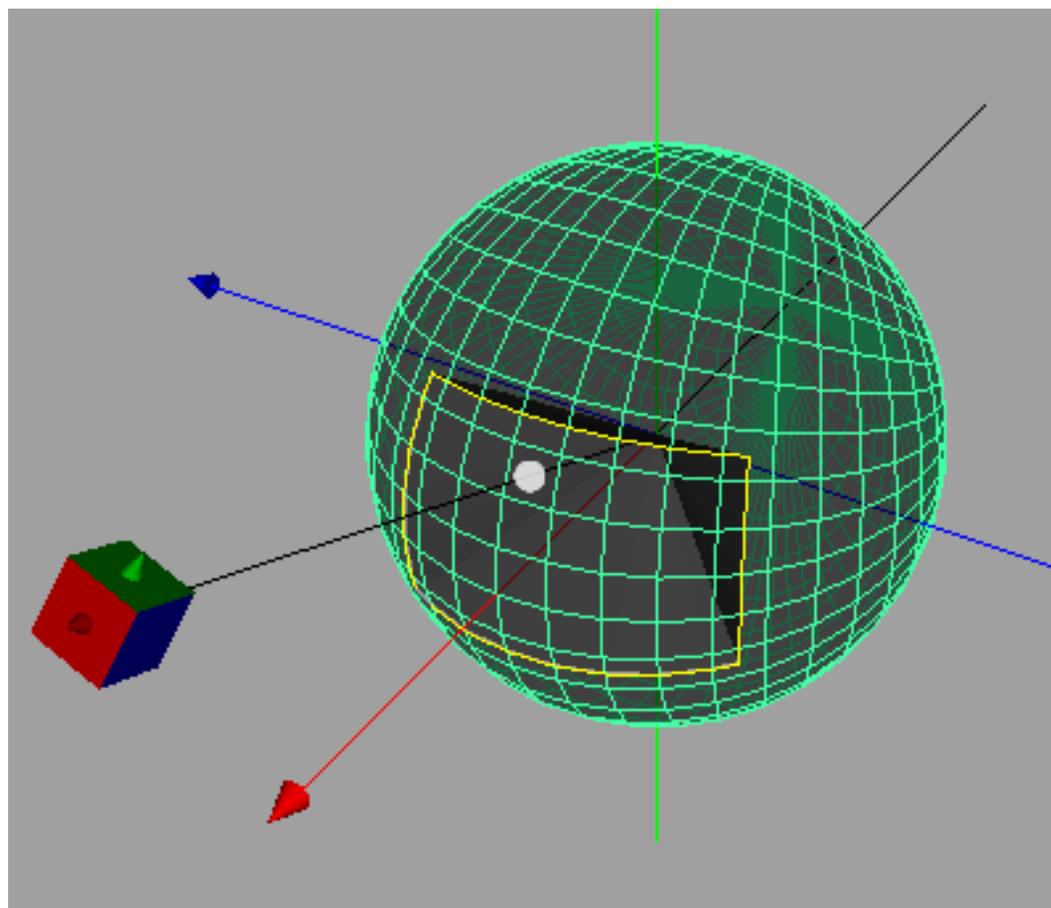
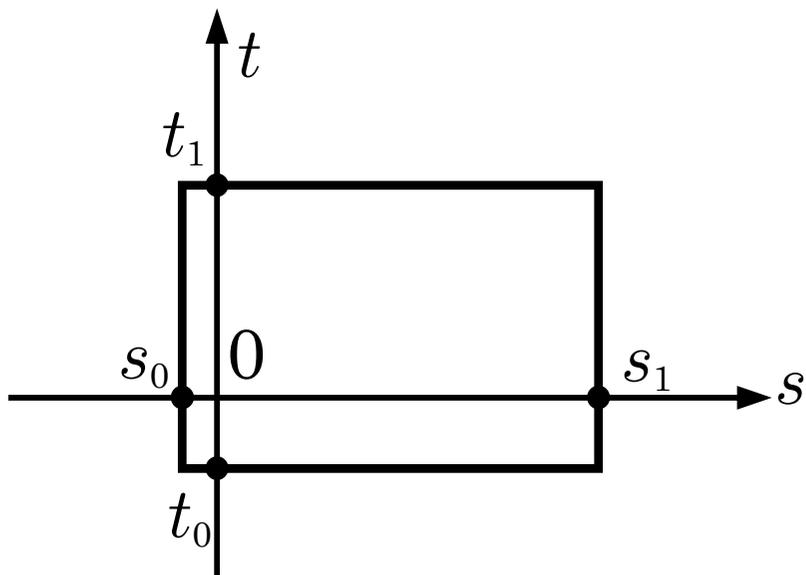
射影方式  $\Rightarrow P \rightarrow \alpha_3$

$\alpha_1$  と  $\alpha_2$  の間の値



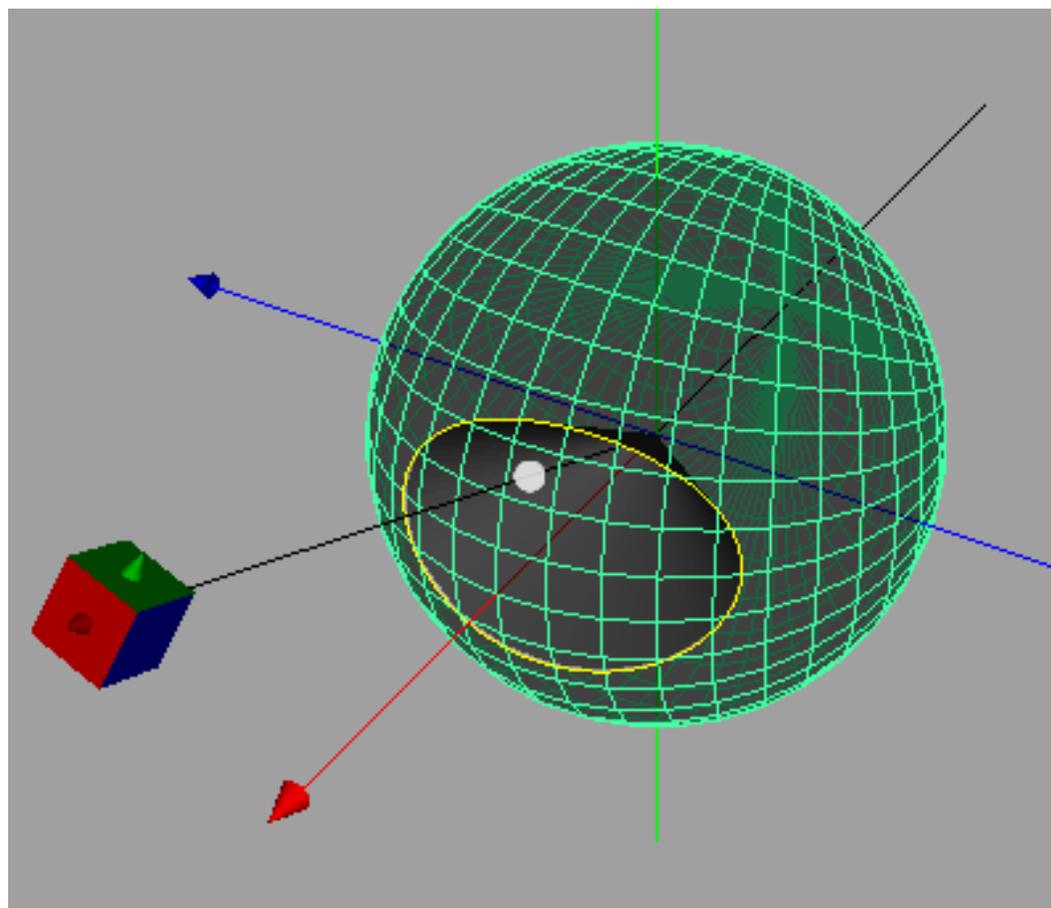
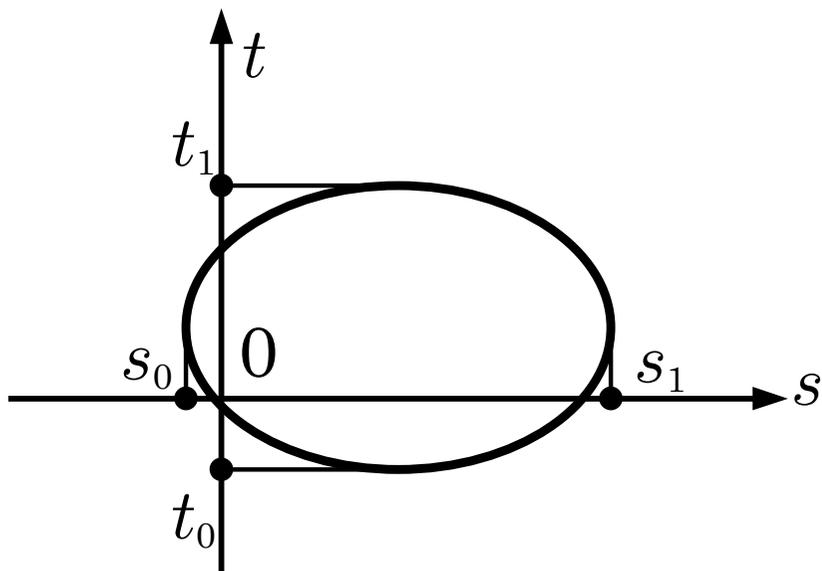
# 可動範囲の設定

- 矩形制限



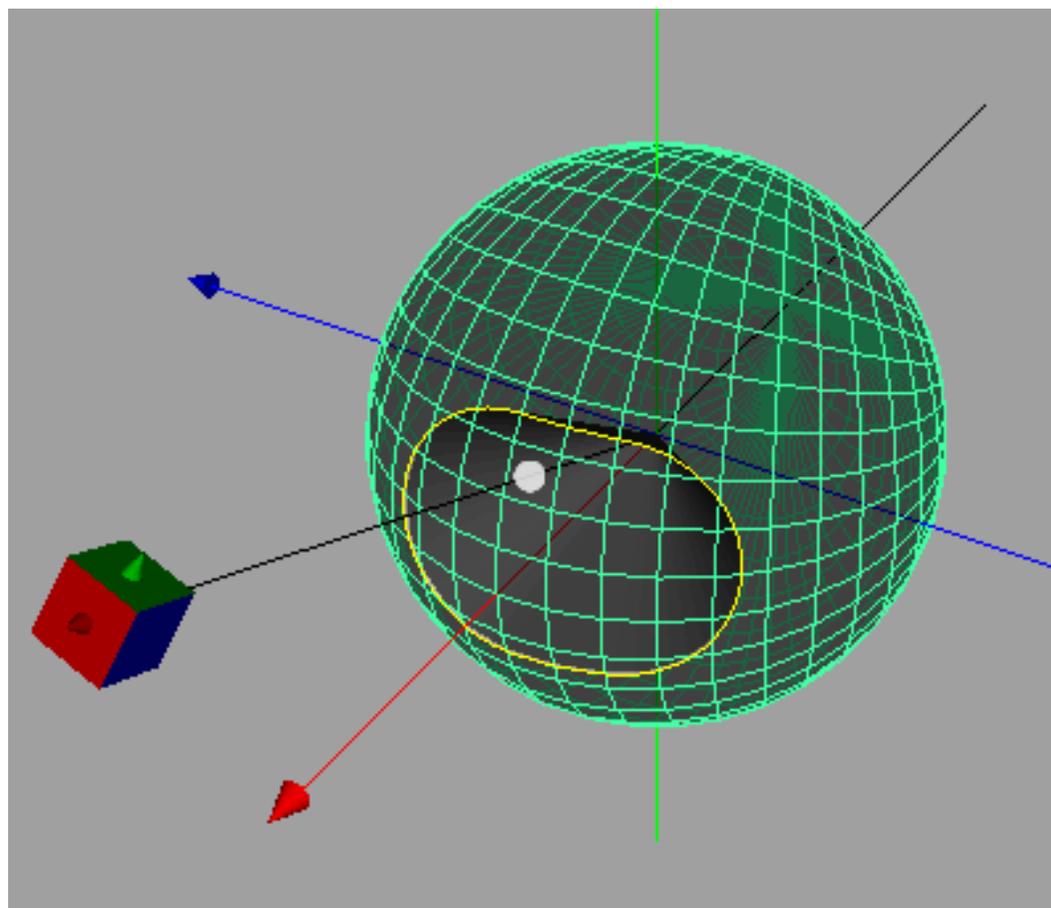
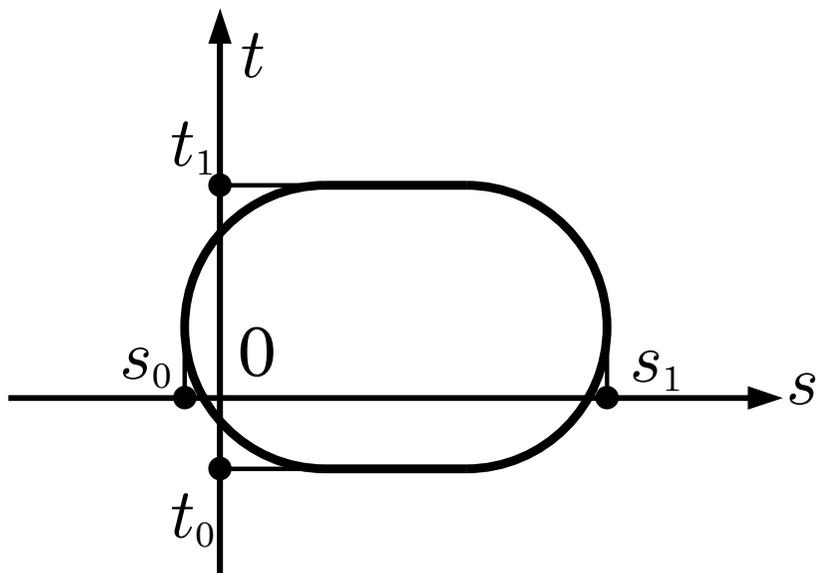
# 可動範囲の設定

- 楕円制限



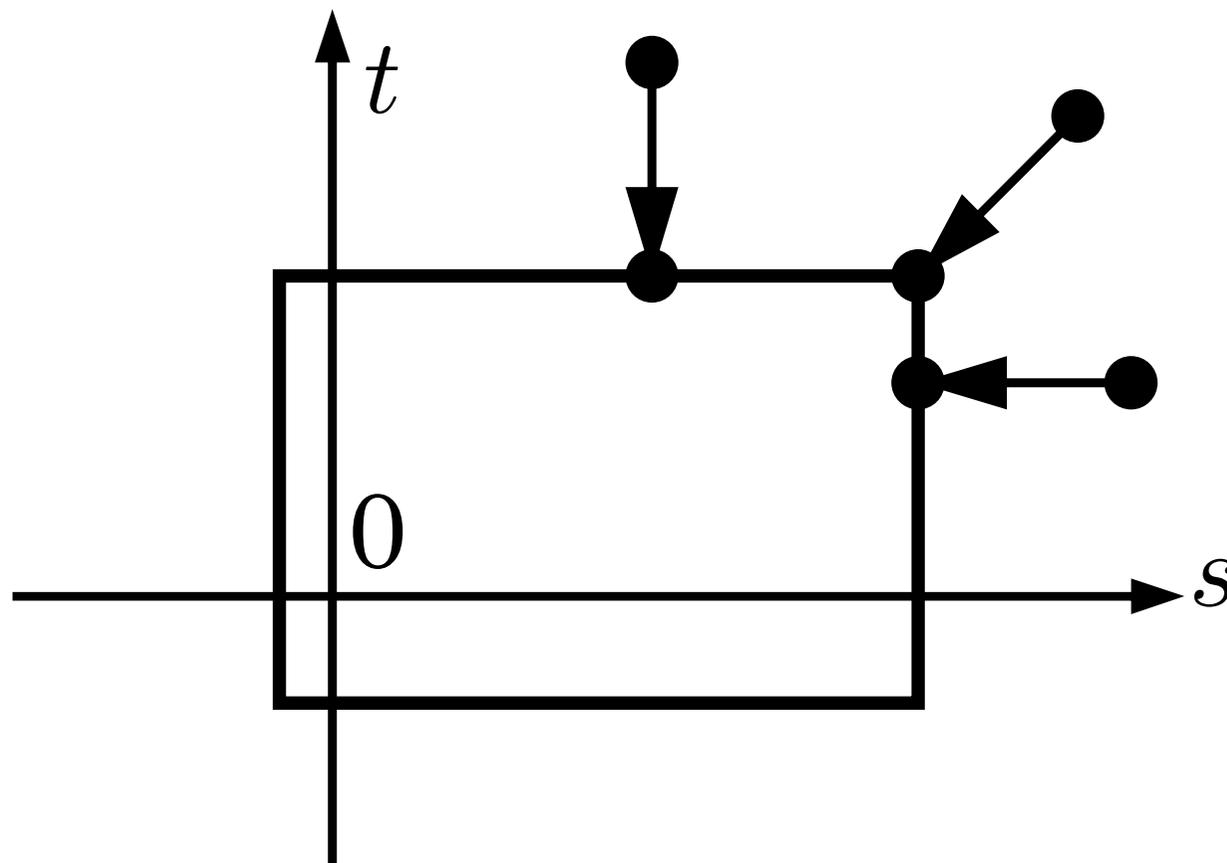
# 可動範囲の設定

- 小判型制限



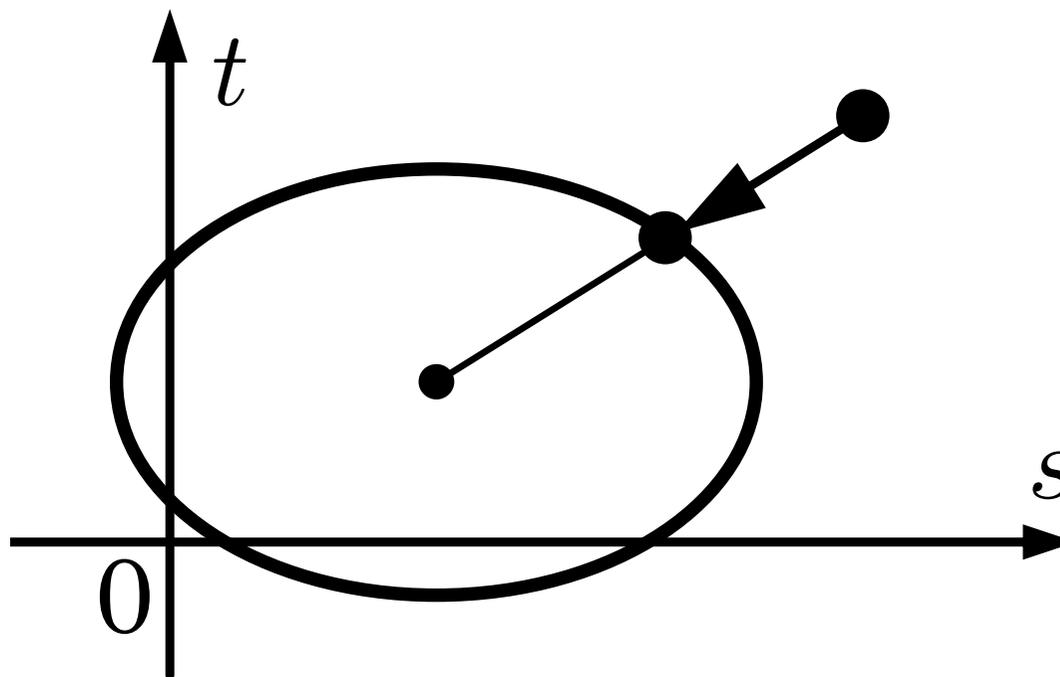
# 可動領域を超えた場合の修正

- 矩形制限(簡易解)



# 可動領域を超えた場合の修正

- 楕円制限(簡易解)



# 楕円制限簡易解の不具合

下方向に引っ張ると...

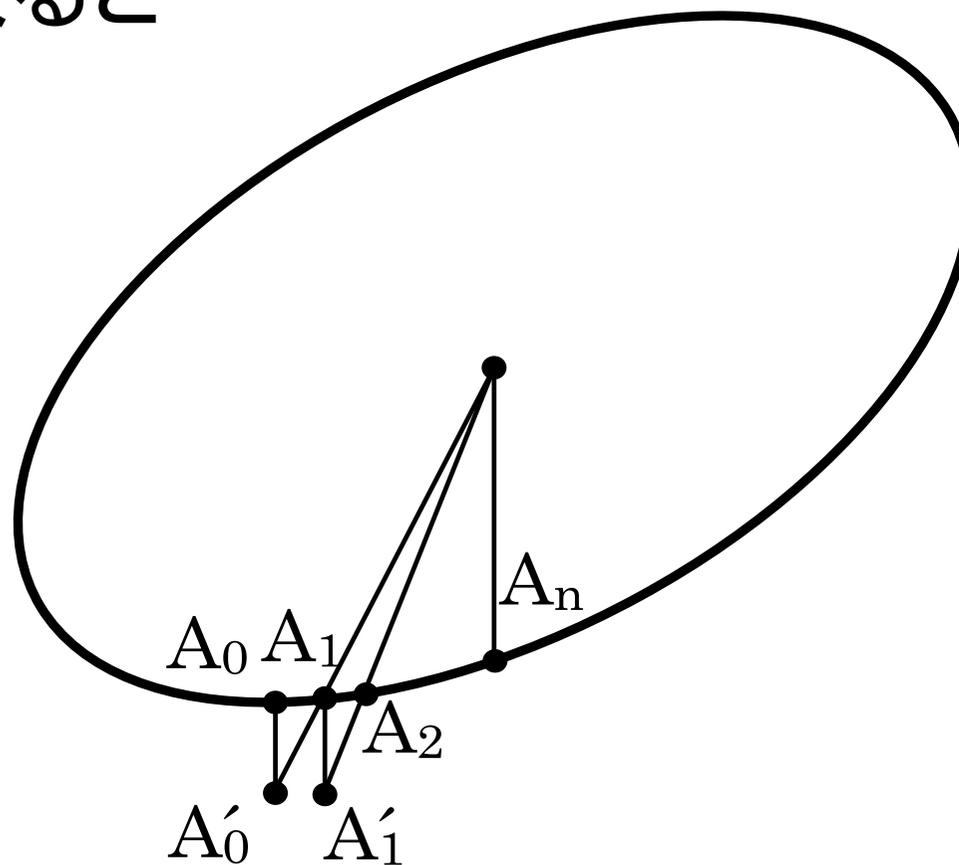
$A_0 \rightarrow A_0' \rightarrow$

$A_1 \rightarrow A_1' \rightarrow$

.....  $\rightarrow$

$A_n$

$A_0$ ではなく  
 $A_n$ に落ち着く

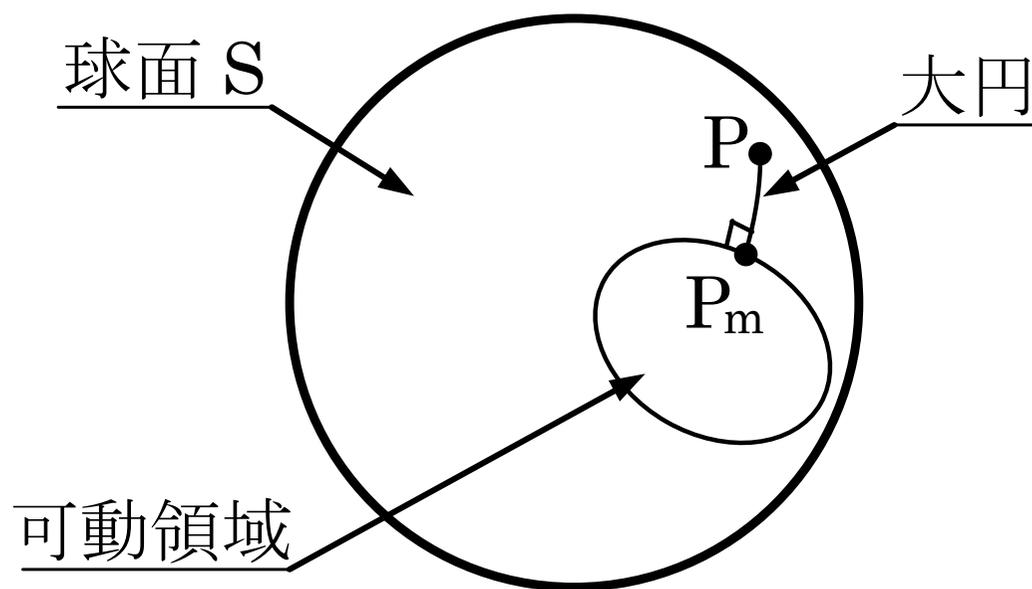


# 最適解

Pから可動領域への最短コース:  $P P_m$

P を通り境界に直交する大円

$P_m$  を最適解とする

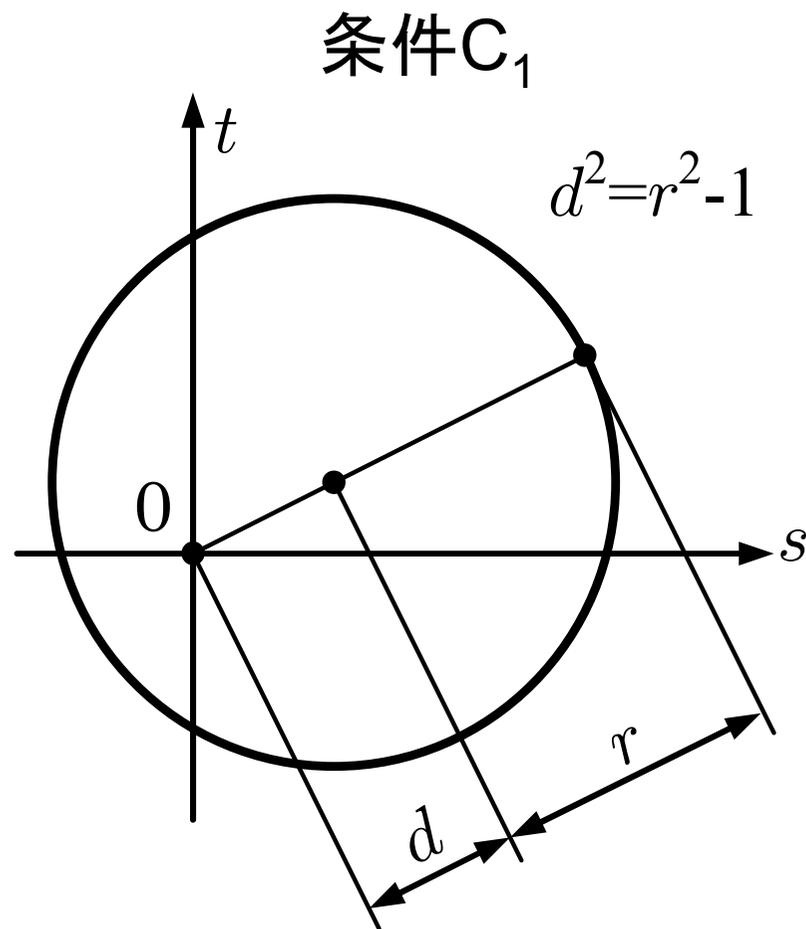


# 射影の特徴

- 2本の線が交わる角度は, 射影によって変わらない(等角写像)
- $S$ 上の円は,  $\lambda$ 上の円または直線に射影される(逆も成り立つ)

# 射影の特徴(詳細)

球面 S		平面 λ
大円	極を通る	直線 (原点(0, 0)を通る)
	極を通らない	円 (条件C <sub>1</sub> を満たす)
小円	極を通る	直線 (原点(0, 0)を通らない)
	極を通らない	円 (条件C <sub>1</sub> を満たさない)



# 射影の特徴を利用

平面  $\lambda$  上で

円と直線で可動領域形状を作る

→ × 楕円制限

→ ○ 小判型制限

# 捻り角

- 1変数なので、曲げよりも簡単
- ただし、捻り0の向きが重要  
曲げた状態での捻り0とは？

# 捻り0の向き

従来方式:

グリッドと一致

(子骨のy軸が経線の北方向)

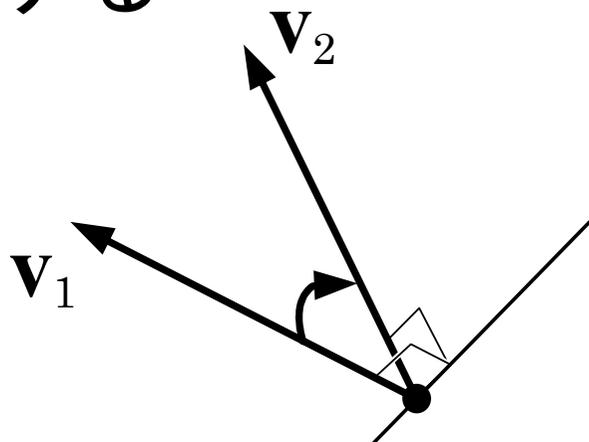
# 捻り0の向き

射影方式:

グリッドと一致させたい



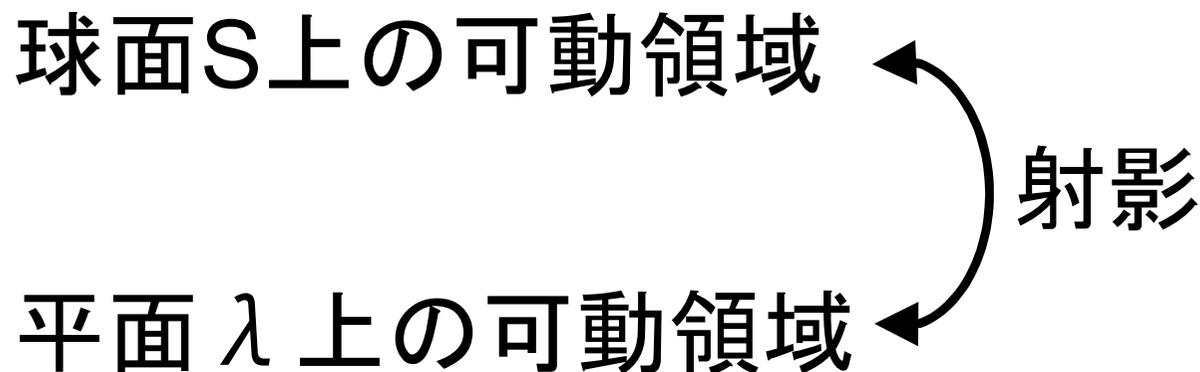
基準状態から「単純回転」させた状態を、  
捻り0 とする



$v_1$ から $v_2$ への単純回転

# 射影を用いた関節角度制限方法

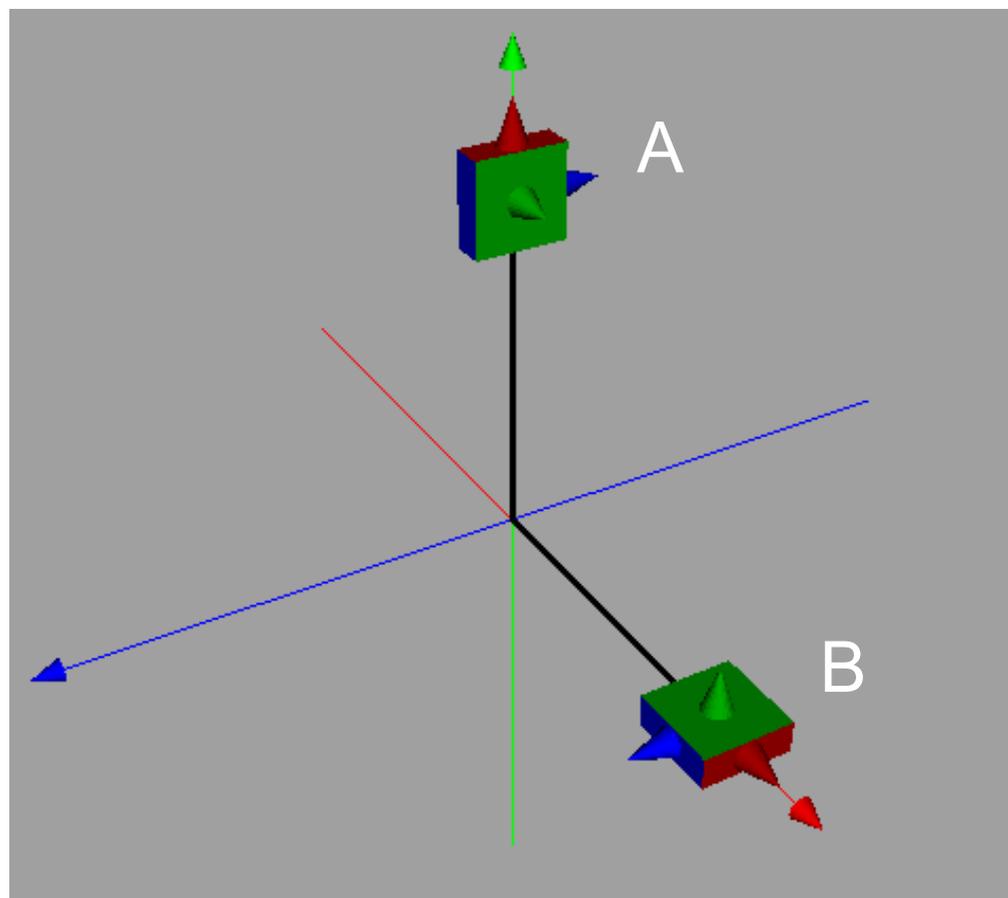
## まとめ



- 特異点 1個  $\Rightarrow$  広い可動範囲の設定
- 従来手法と同様の分かり易さ・簡便さ

# 補遺：曲げ捻り個別処理の是非

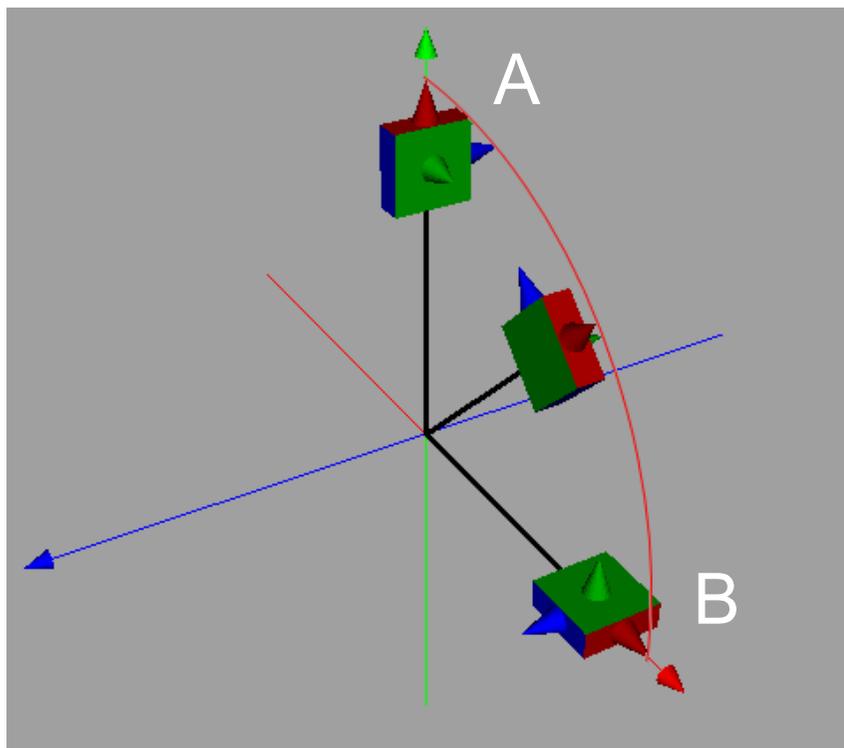
問：A, B の中間の状態は？



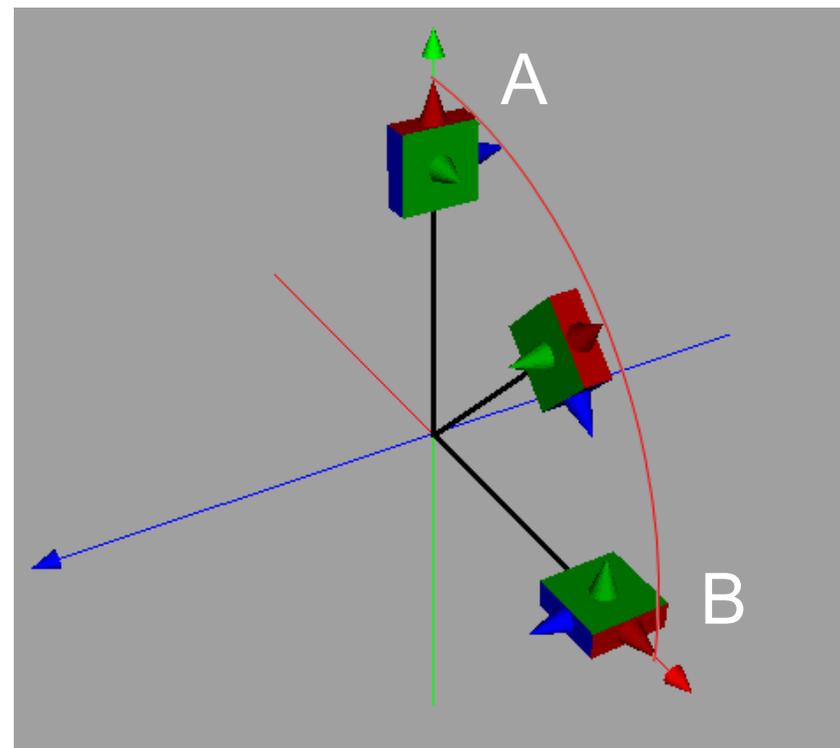
# 補遺: 曲げ捻り個別処理の是非

## 答1

関節の状態を, 曲げ捻りに分け, 個別に扱う



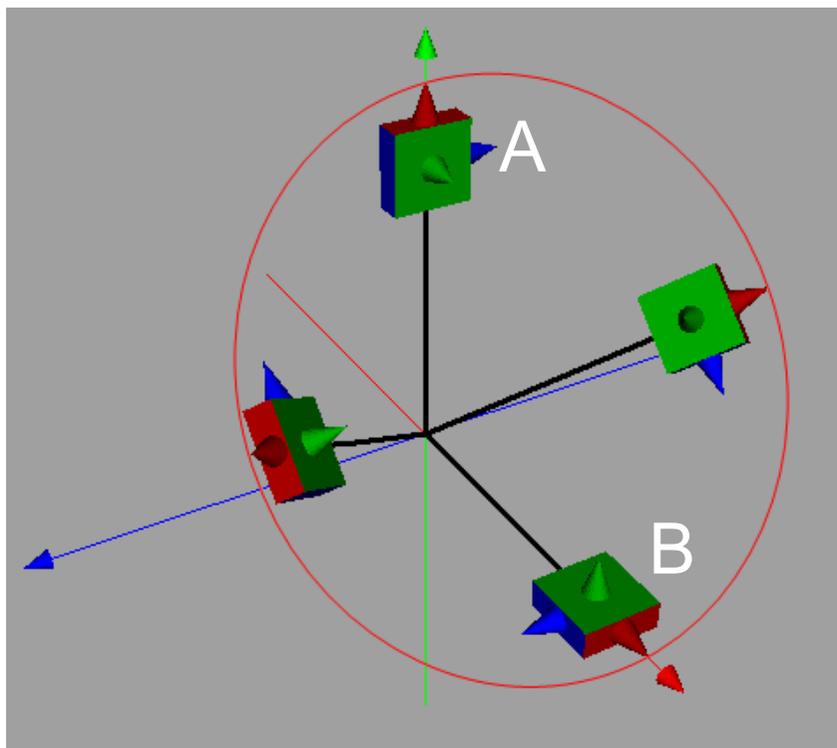
or



# 補遺：曲げ捻り個別処理の是非

## 答2

関節の状態を，曲げ捻りに分けず，一つの回転として扱う



# 補遺: 曲げ捻り個別処理の是非

答1, 答2 どちらが自然か?

→ 何が自然かは, 主観による...

## 仮説を導入

- ・「A, B の中間状態」は, AからBに至る最短経路上にある
- ・上記最短経路は, この3次元空間\* 内の経路とする

\* 我々が普段見ている3次元空間

## 仮説に従う

→ 答1 を採用する

→ 関節の状態を, 曲げ捻りに分け, 個別に扱う